

Distribuição Normal

Mais importante distribuição de probabilidade, aplicada a inúmeros fenômenos e utilizada para o desenvolvimento teórico da Estatística.

Seja X uma variável aleatória. X terá distribuição normal se:

$$f(X) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(X-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

Sendo: μ = média da distribuição
 σ = desvio-padrão da distribuição
 $\pi = 3,1416$
 $e = 2,7$
 $-\infty < X < +\infty$

X tem distribuição Normal com média μ e variância σ^2 : $X \sim N(\mu, \sigma^2)$.

Distribuição Normal Padrão

Para calcular probabilidades $P(X \leq x)$, é necessário integrar $f(X)$ para diferentes valores de μ e σ . A solução é transformar a variável X na variável Z , dada por:

$$Z_i = \frac{X_i - \mu}{\sigma}$$

A distribuição de probabilidades associada à variável Z denomina-se distribuição normal padrão:

$$f(Z) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{Z^2}{2}}$$

Sendo: média da distribuição = 0
variância = 1
 $-\infty < Z < +\infty$

Z tem distribuição Normal com média 0 e variância 1: $Z \sim N(0,1)$.

Exemplo

As alturas dos alunos de determinada escola são normalmente distribuídas com média 1,60 m e desvio-padrão 0,30 m. Encontre a probabilidade de um aluno medir:

- a) entre 1,50 m e 1,80 m – $P(1,50 \leq X \leq 1,80)$;
- b) mais de 1,75 m – $P(X > 1,75)$;
- c) menos de 1,48 m – $P(X < 1,48)$.

Qual intervalo compreende 90% da população? – $P(a \leq X \leq b = 90\%)$

a) $P(1,50 \leq X \leq 1,80) = P(1,50 - 1,60/0,30 \leq Z \leq 1,80 - 1,60/0,30) = P(-0,33 \leq Z \leq 0,67)$

Pela tabela: $P = 1 - (0,3707 + 0,2514) = 0,3779$

b) $P(X > 1,75) = P(Z > 1,75 - 1,60/0,30) = P(Z > 0,50)$

Pela tabela: $P = 0,3085$

c) $P(X < 1,48) = P(Z < 1,48 - 1,60/0,30) = P(Z < -0,40)$

Pela tabela: $P = 0,3446$

$P(a \leq X \leq b = 90\%) = P(a - 1,60/0,30 \leq Z \leq b - 1,60/0,30 = 90\%) \rightarrow a - 1,60/0,30 = -Z15\% \text{ e } b - 1,60/0,30 = Z15\%$
 $a - 1,60/0,30 = -1,64 \text{ e } b - 1,60/0,30 = 1,64 \rightarrow a = 1,11 \text{ m e } b = 2,09 \text{ m}$
 $\rightarrow 1,11 \leq X \leq 2,09$

By **malandro123**

cheatography.com/malandro123/

Published 25th September, 2015.

Last updated 13th May, 2016.

Page 2 of 2.

Sponsored by **Readable.com**

Measure your website readability!

<https://readable.com>