

**Objetivos da estatística**

Fazer inferências sobre a população com base em dados amostrais

Planejar o experimento e o tamanho da amostra para que tais inferências tenham uma base confiável

**Variáveis**

O que é?

É uma característica da população

**Tipos Variáveis**

Depende Efeitos são ntes esperados

Independ Efeitos que entes queremos medir

**Variáveis Qualitativas**

Nominais: não existe ordenação dentre as categorias

Ordinais: existe uma ordenação entre as categorias

**Variáveis Quantitativas**

Discretas: geralmente são o resultado de contagens

Contínuas: características mensuráveis que assumem valores em uma escala contínua (na reta real)

**Tipos de Gráficos**

Colunas e Barras

Histograma

Setores

Linhas

Diagrama de Ordenadas

**Medidas Descritivas - Objetivo**

Sumarizar conjuntos de dados quanto a:

Centralidade -> Medidas de localização

Variabilidade -> Medidas de dispersão

**Medidas de Dispersão**

Variância  $(s^2) = \sum[(x_i - \bar{x})^2] / n - 1$

Desvio  $(x_i - \bar{x})$

Desvio Médio  $\sum[(x_i - \bar{x})^2] / n$

Amplitude maior valor-menor valor

CV  $s/\bar{x}$

**Medidas de Localização**

Moda Valor que mais se repete

Média  $\bar{x} = \sum x_i / n$

Mediana Valor médio quando ordenado

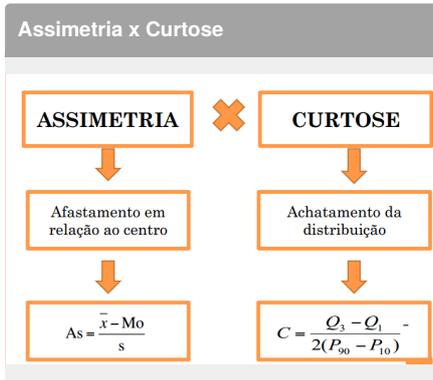
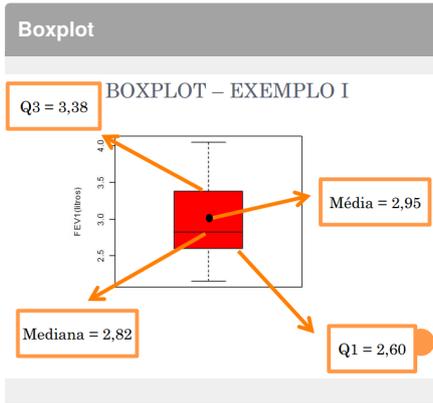
**Intervalo de Variação**

Combinação entre medidas de localização e dispersão

**Lei de Chebychev**

510g de Vitamina C, desvio padrão de 3g

75%  $(1 - 1/2^2)$  possuem entre 504g e 516g



**Sensibilidade e Especificidade**

SENSIBILIDADE E ESPECIFICIDADE

	D	ND	
T+	a	b	Sensibilidade = $\frac{a}{a+c}$
T-	c	d	
			Especificidade = $\frac{d}{b+d}$

- Sensibilidade: Probabilidade de um teste ser positivo, dado que existe a doença.
- Especificidade: Probabilidade de um teste ser negativo, dado que não existe a doença.

**Razão de Verossimilhança Positiva e Negativa**

**Positiva** É uma razão entre a probabilidade de um teste ser positivo, dado que existe a doença, e a probabilidade de um teste ser positivo, dado que não existe a doença

**Negativa** É uma razão entre a probabilidade de um teste ser negativo, dado que existe a doença, e a probabilidade de um teste ser negativo, dado que não existe a doença.

**Cálculo do Intervalo de Confiança**

O intervalo de confiança é construído a partir do erro padrão.

$$EP = \sqrt{\frac{(1-P)P}{n}}$$

O intervalo de confiança de 95% é estimado pela seguinte fórmula:

$$p \pm 1,96 EP$$

**Função Discreta de Probabilidade**

Função que atribui a cada valor da variável aleatória sua probabilidade.

$P(X = x_i) = p(x_i), i = 1, 2, \dots$

$0 \leq p_i \leq 1$  e  $\sum p_i = 1$



## Distribuição Normal

Mais importante distribuição de probabilidade, aplicada a inúmeros fenômenos e utilizada para o desenvolvimento teórico da Estatística.

Seja X uma variável aleatória. X terá distribuição normal se:

$$f(X) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(X-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

Sendo:  $\mu$  = média da distribuição  
 $\sigma$  = desvio-padrão da distribuição  
 $\pi$  = 3,1416  
 $e$  = 2,7  
 $e - \infty < X < + \infty$

X tem distribuição Normal com média  $\mu$  e variância  $\sigma^2$ :  $X \approx N(\mu, \sigma^2)$ .

## Distribuição Normal Padrão

Para calcular probabilidades  $P(X \leq x)$ , é necessário integrar  $f(X)$  para diferentes valores de  $\mu$  e  $\sigma$ . A solução é transformar a variável X na variável Z, dada por:

$$Z_i = \frac{X_i - \mu}{\sigma}$$

A distribuição de probabilidades associada à variável Z denomina-se distribuição normal padrão:

$$f(Z) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{Z^2}{2}}$$

Sendo: média da distribuição = 0  
 variância = 1  
 $e - \infty < Z < + \infty$

Z tem distribuição Normal com média 0 e variância 1:  $Z \approx N(0,1)$ .

## Exemplo

As alturas dos alunos de determinada escola são normalmente distribuídas com média 1,69 m e desvio-padrão 0,30 m. Encontre a probabilidade de um aluno medir:

- entre 1,50 m e 1,80 m -  $P(1,50 \leq X \leq 1,80)$ ;
- mais de 1,75 m -  $P(X > 1,75)$
- menos de 1,48 m -  $P(X < 1,48)$

Qual intervalo compreende 90% da população? -  $P(a \leq X \leq b = 90\%)$

- $P(1,50 \leq X \leq 1,80) = P(1,50 - 1,60, 0,30 \leq Z \leq 1,80 - 1,60, 0,30) = P(-0,33 \leq Z \leq 0,67)$   
 Pela tabela:  $P = 1 - (0,3707 + 0,2514) = 0,3779$

- $P(X > 1,75) = P(Z > 1,75 - 1,60, 0,30) = P(Z > 0,50)$   
 Pela tabela:  $P = 0,3085$

- $P(X < 1,48) = P(Z < 1,48 - 1,60, 0,30) = P(Z < -0,40)$   
 Pela tabela:  $P = 0,3446$

$P(a \leq X \leq b = 90\%) = P(a - 1,60, 0,30 \leq Z \leq b - 1,60, 0,30 = 90\%) \rightarrow a - 1,60, 0,30 = -Z_{15\%}$  e  $b - 1,60, 0,30 = Z_{15\%}$   
 $a - 1,60, 0,30 = -1,64$  e  $b - 1,60, 0,30 = 1,64 \rightarrow a = 1,11$  m e  $b = 2,09$  m  
 $\rightarrow (1,11 \leq X \leq 2,09)$

