

### Limites Fundamentais

$\lim_{\Delta x \rightarrow a} c$	$c$
$\lim_{\Delta x \rightarrow a} x$	$a$

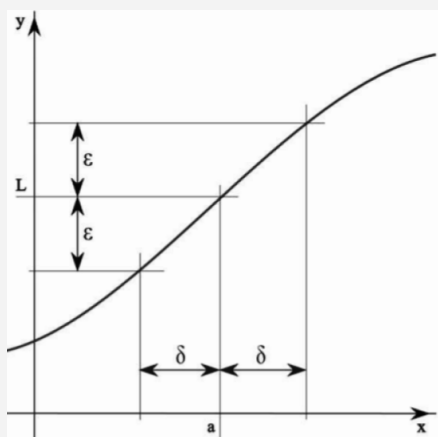
### Limites Notáveis

$\lim_{\Delta x \rightarrow \pm\infty} 1/x^n$	$0$	$n \in \mathbb{Q}$
$\lim_{\Delta x \rightarrow 0^+} 1/x^n$	$+\infty$	
$\lim_{\Delta x \rightarrow 0^-} 1/x^n$	$+\infty$ se $n$ é par $-\infty$ se $n$ é ímpar	
$\lim_{\Delta x \rightarrow 0} f(x)$		

### Derivadas: Propriedades

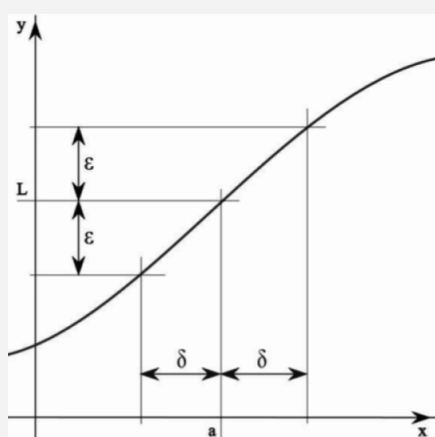
$h(x) = f(x) + g(x)$	$h'(x) = f'(x) + g'(x)$
$h(x) = f(x) \cdot g(x)$	$h'(x) = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$
$h(x) = f(x) / g(x)$	$h'(x) = [f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)] / [g(x)]^2$
$h(x) = x^\alpha$	$h'(x) = \alpha \cdot x^{\alpha-1}$

### $\delta$ e $\epsilon$



para todo  $\epsilon < 0$ , existe um  $\delta < 0$ , tal que se  $0 < |x - a| < \delta$  então  $|f(x) - L| < \epsilon$ .

### $\delta$ e $\epsilon$



para todo  $\epsilon < 0$ , existe um  $\delta < 0$ , tal que se  $0 < |x - a| < \delta$  então  $|f(x) - L| < \epsilon$ .

### Derivada da Função no Ponto $x_1$

$$f'(x_1) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x_1 + \Delta x) - f(x_1)}{\Delta x}$$

### Definição da Derivada

$$\frac{d}{dx} f(x) = f'(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x}$$

É o operador que realiza o limite de uma função em  $x$ , quando  $\Delta x$  tende a 0.

### Derivadas Notáveis

$d/dx \log_a x$	$(\log e) / x$
$d/dx a^x$	$a^x \ln(a)$

### Limites: Propriedades

$\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x) + g(x)$	$\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x) + \lim_{\Delta x \rightarrow a} g(x)$
$\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x) \cdot g(x)$	$\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x) \cdot \lim_{\Delta x \rightarrow a} g(x)$
$\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x) / g(x)$	$\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x) / \lim_{\Delta x \rightarrow a} g(x)$ se $\lim_{\Delta x \rightarrow a} g(x) \neq 0$
$\lim_{\Delta x \rightarrow a} c \cdot f(x)$	$c \cdot \lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x)$

### Limites: Propriedades (cont)

$\lim_{\Delta x \rightarrow a} [f(x)]^n$	$[\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x)]^n$	para $n < 0$ se $\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x) \neq 0$
$\lim_{\Delta x \rightarrow a} \log_b f(x)$	$\log_b [\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x)]$	se $\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x) > 0$
$\lim_{\Delta x \rightarrow a} \cos(f(x))$	$\cos(\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x))$	para $\sin$ e $\cos$ trigonométricos
$\lim_{\Delta x \rightarrow a} e^{f(x)}$	$e^{\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x)}$	