

### Limites Fundamentais

$\lim_{\Delta x \rightarrow a} c$	$c$
$\lim_{\Delta x \rightarrow a} x$	$a$

### Limites Notáveis

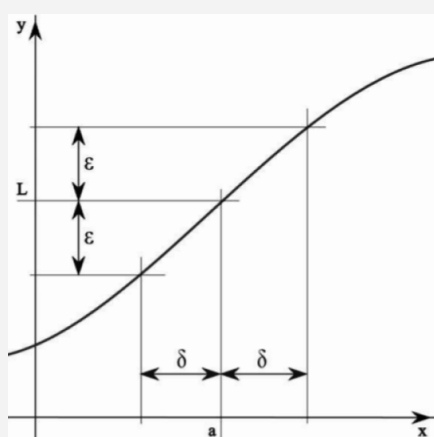
$$\lim_{\Delta x \rightarrow \pm\infty} 1/x^n = 0 \quad n \in \mathbb{Q}$$

$$\lim_{\Delta x \rightarrow 0^+} 1/x^n = +\infty$$

$$\lim_{\Delta x \rightarrow 0^-} 1/x^n = \begin{cases} +\infty & \text{se } n \text{ é par} \\ -\infty & \text{se } n \text{ é ímpar} \end{cases}$$

$$\lim_{\Delta x \rightarrow 0} f(x)$$

### $\delta$ e $\epsilon$



para todo  $\epsilon < 0$ , existe um  $\delta < 0$ , tal que se  $0 < |x - a| < \delta$  então  $|f(x) - L| < \epsilon$ .

### Limites: Propriedades (cont)

$$\lim_{\Delta x \rightarrow a} [f(x)]^n = [\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x)]^n \quad \text{para } n < 0 \text{ se } \lim f(x) \neq 0$$

$$\lim_{\Delta x \rightarrow a} \log_b f(x) = \log_b [\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x)] \quad \text{se } \lim f(x) > 0$$

$$\lim_{\Delta x \rightarrow a} \cos(f(x)) = \cos(\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x)) \quad \text{para sen e cos trigonométricos}$$

$$\lim_{\Delta x \rightarrow a} e^{f(x)} = e^{\lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x)}$$

### Derivadas: Propriedades

$$h(x) = f(x) + g(x) \quad h'(x) = f'(x) + g'(x)$$

$$h(x) = f(x) \cdot g(x) \quad h'(x) = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$$

$$h(x) = f(x) / g(x) \quad h'(x) = [f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)] / [g(x)]^2$$

$$h(x) = x^\alpha \quad h'(x) = \alpha \cdot x^{\alpha-1}$$

### Derivada da Função no Ponto $x_1$

$$f'(x_1) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x_1 + \Delta x) - f(x_1)}{\Delta x}$$

### Definição da Derivada

$$\frac{d}{dx} f(x) = f'(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x}$$

É o operador que realiza o limite de uma função em  $x$ , quando  $\Delta x$  tende a 0.

### Derivadas Notáveis

$$d/dx \log_a x = (\log e) / x$$

$$d/dx a^x = a^x \ln(a)$$

### Limites: Propriedades

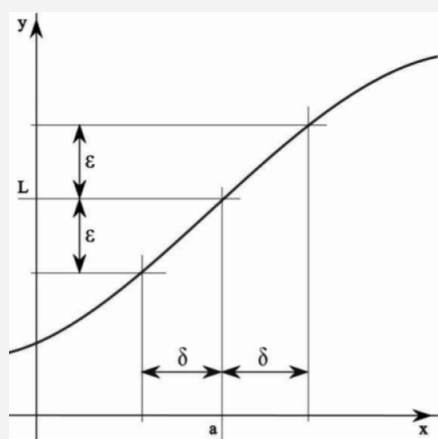
$$\lim_{\Delta x \rightarrow a} [f(x) + g(x)] = \lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x) + \lim_{\Delta x \rightarrow a} g(x)$$

$$\lim_{\Delta x \rightarrow a} [f(x) \cdot g(x)] = \lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x) \cdot \lim_{\Delta x \rightarrow a} g(x)$$

$$\lim_{\Delta x \rightarrow a} [f(x) / g(x)] = \lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x) / \lim_{\Delta x \rightarrow a} g(x) \quad \text{se } \lim_{\Delta x \rightarrow a} g(x) \neq 0$$

$$\lim_{\Delta x \rightarrow a} [c \cdot f(x)] = c \cdot \lim_{\Delta x \rightarrow a} f(x)$$

### $\delta$ e $\epsilon$



para todo  $\epsilon < 0$ , existe um  $\delta < 0$ , tal que se  $0 < |x - a| < \delta$  então  $|f(x) - L| < \epsilon$ .